

# SEMINARIO FINAL DE ÁLGEBRA PUCP 2021 -I



## LAS FIJAS DE FUNCIONES

01. Si  $f$  es una función definida por

$$f = \{(2; a+3), (b; b-1), (2; a^2-3), (b; a), (4; 5)\}$$

Entonces el valor de  $T=f(-1) \cdot f(2)$  es:

- A) -4  
B) -2  
C) 1  
D) 2

02. Calcule el dominio de

$$f(x) = \sqrt{x^2 + x - 2} + \sqrt[3]{\frac{x^2 - x - 2}{x - 2}}$$

- A)  $]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[$   
B)  $]0; 2[$   
C)  $]0; 1[$   
D)  $]-\infty; -2[ \cup [1; +\infty[ - \{2\}$

03. Si el dominio de la función

$$f(x) = \sqrt{x^2 + x - 12} + \sqrt{81 - x^2}$$

Es  $[a; b] \cup [c; d]$ , calcule  $a+b+c+d$ .

- A) -1  
B) 0  
C) 4  
D) -3

04. Sea  $f$  una función definida por

$$f(x) = \sqrt{25 - x^2} - 2$$

Halle  $\text{Dom}(f) \cap \text{Ran}(f)$ .

- A)  $[5; 2]$   
B)  $[-5; 5]$   
C)  $[-5; -2]$   
D)  $[-2; 3]$

05. Sea  $f$  una función definida por:

$$f(x) = \frac{x-1}{x^2+1}; \text{ determínese } \text{Ran}(f)$$

- A)  $\mathbb{R}$   
B)  $]-1; 1[$   
C)  $\left[ \frac{-1-\sqrt{2}}{2}; \frac{-1+\sqrt{2}}{2} \right]$   
D)  $]0; +\infty[$

06. Halle el rango de

$$f(x) = \sqrt{3-x} + \sqrt{x-1}$$

- A)  $[\sqrt{2}; 2]$   
B)  $[1; 2]$   
C)  $]0; \sqrt{2}]$   
D)  $[2; 2\sqrt{2}]$

07. Sea  $f$  una función definida por

$f(x) = ax + b; \forall x \in \mathbb{R}$ , tal que  $a$  y  $b$  son constantes reales. Si  $f(x+y) = f(x) + f(y)$   $\forall x, y \in \mathbb{R}$ , además  $f(-2) = -6$ ; entonces el valor de  $M = ab$  es:

- A) 0  
B) 2  
C) 4  
D) 6

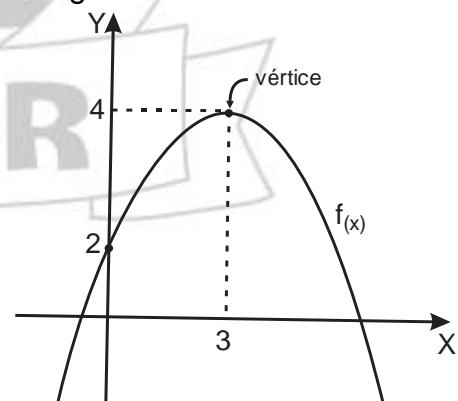
08. La función real  $f(x) = ax + b, x \in \mathbb{R}$ , corta a los ejes coordenados formando en el segundo cuadrante un triángulo de área  $3u^2$ . Si  $f(3) = 4$ , calcular el valor de  $a-b$ .

- A)  $3/2$   
B)  $-4/3$   
C)  $4/3$   
D)  $-3/2$

09. Determinar el rango de la función  $f(x) = -2x^2 - 3x + 4$

- A)  $\mathbb{R}$   
B)  $\mathbb{R} - ]1; 7/2]$   
C)  $]-\infty; 41/8]$   
D)  $]3/2; \infty[$

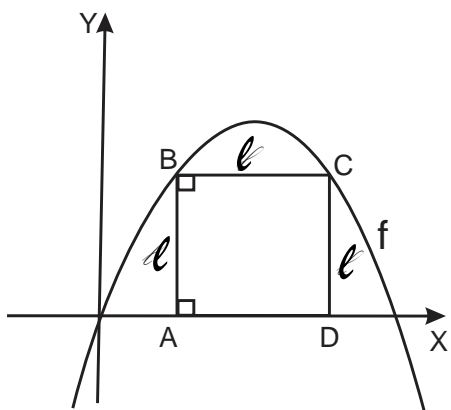
10. Sea la gráfica de la función cuadrática



donde  $f(x) = ax^2 + bx + c$ . Calcule el valor de  $\frac{9a + f_{(3)}}{f_{(0)} - 3b}$ .

- A) -2  
B) -1  
C) 2  
D) 1

11. La gráfica corresponde a la función  $f(x) = -x^2 + 2x$



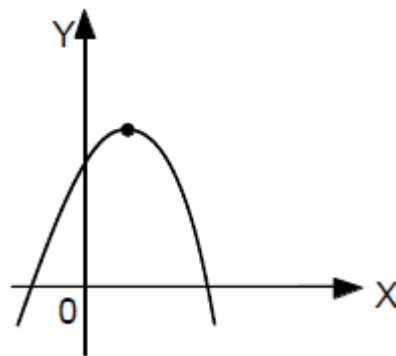
Determine el lado AB.

- A)  $\left(\frac{\sqrt{2}+1}{3}\right)u$       B)  $2(\sqrt{2}-1)u$   
 C)  $\frac{\sqrt{6}}{4}u$       D)  $(\sqrt{3}-1)u$

12. Dada la función  $f(x)=ax+b$ , cuya gráfica pasa por el punto  $(-2;-1)$  y tiene un punto de contacto con el gráfico de la función  $f(x)=-x^2+3$ , entonces el valor de  $a.b$  es:

- A) 22      B) 24  
 C) 26      D) 28

13. Dada la gráfica de la función:  
 $f(x) = ax^2 + bx + c$



Indica cuáles de las siguientes afirmaciones son verdaderas:

- I.  $ab > 0$   
 II.  $b^2 - 4ac > 0$   
 III.  $bc > 0$

- A) Solo III  
 B) Solo II

- C) Solo II y III  
 D) Ninguna

### Preguntas 14 y 15

La cantidad  $q$  de unidades de un artículo, que compre el público, depende del precio de venta  $p$  (en soles), de cada artículo, de acuerdo a la función:

$$q(p) = 920 - 10p$$

14. ¿Cuál es el precio que maximiza el ingreso de un comerciante que vende este artículo?

- A) 42 soles      B) 44 soles  
 C) 46 soles      D) 50 soles

15. ¿Cuál es el ingreso máximo que puede obtener un comerciante que vende este artículo?

- A) 14 410 soles      B) 19 220 soles  
 C) 17 420 soles      D) 21 160 soles